

Prof. Dr. Alfred Toth

Das abstrakte System der vollständigen triadisch-trichotomischen Zeichen- und Realitätsthematiken

1. Eine triadisch-trichotomische semiotische Relation besteht seit Bense (1976, S. 53 ff.) aus einer Zeichenklasse, auch Zeichenthematik genannt, und ihre dual koordinierten (d.h. konversen) Realitätsthematik

$$DS = (a.b, c.d, e.f) \times (f.e, d.c, b.a).$$

Wir werden im folgenden von dieser abstrakten Struktur ausgehen, obwohl im üblichen Falle a, c und d Konstanten sind und durch $a = 3, c = 2, d = 1$ festgelegt sind, d.h.

$$DS = (3.a, 2.b, 1.c) \times (c.1, b.2, a.3)$$

ist.

Allerdings sind diese Definitionen von DS monokontextural. Eine polykontexturale Theorie der Zeichen ist erst sehr viel später durch Rudolf Kaehr entwickelt worden, vgl. v.a. Kaehr (2009). Sie basiert im wesentlichen darauf, daß Zeichen aus Bi-Zeichen und diese aus Textemen abgeleitet werden, die durch Diamonds, d.h. algebraische Strukturen, die nicht nur aus einer Kategorie, sondern auch aus einer Saltatorie bestehen, darstellbar sind. In Toth (2025a) hatte ich dann eine Linearisierung morphismisch-heteromorpher Abbildungen eingeführt, die neue, polykontexturale, Definitionen der Zeichen- und der Realitätsthematiken (vgl. Toth 2025b) ermöglichen. Der Zweck der vorliegenden Arbeit besteht somit darin, die vollständigen dualen Teilsysteme der Zeichen- und Realitätsthematiken der triadisch-trichotomischen semiotischen Relationen darzustellen, um damit die Basis für weitergehende Untersuchungen zu schaffen, etwa die Bestimmung der Intra- und Trans-Konnexe zwischen n-tupeln von semiotischen Relationen.

2. Das vollständige System der 27 Zeichenthematiken

$$R_1 = ((a.c \rightarrow b.c \leftarrow a.c), c.c)$$

$$R_2 = ((a.c \rightarrow b.c \leftarrow a.c), c.b)$$

$$R_3 = ((a.c \rightarrow b.c \leftarrow a.c), c.a)$$

$$R_4 = ((a.c \rightarrow b.b \leftarrow a.c), c.c)$$

$$R_5 = ((a.c \rightarrow b.b \leftarrow a.c), c.b)$$

$$R_6 = ((a.c \rightarrow b.b \leftarrow a.c), c.a)$$

$R_7 = ((a.c \rightarrow b.a \leftarrow a.c), c.c)$
 $R_8 = ((a.c \rightarrow b.a \leftarrow a.c), c.b)$
 $R_9 = ((a.c \rightarrow b.a \leftarrow a.c), c.a)$
 $R_{10} = ((a.b \rightarrow b.c \leftarrow a.b), c.c)$
 $R_{11} = ((a.b \rightarrow b.c \leftarrow a.b), c.b)$
 $R_{12} = ((a.b \rightarrow b.c \leftarrow a.b), c.a)$
 $R_{13} = ((a.b \rightarrow b.b \leftarrow a.b), c.c)$
 $R_{14} = ((a.b \rightarrow b.b \leftarrow a.b), c.b)$
 $R_{15} = ((a.b \rightarrow b.b \leftarrow a.b), c.a)$
 $R_{16} = ((a.b \rightarrow b.a \leftarrow a.b), c.c)$
 $R_{17} = ((a.b \rightarrow b.a \leftarrow a.b), c.b)$
 $R_{18} = ((a.b \rightarrow b.a \leftarrow a.b), c.a)$
 $R_{19} = ((a.a \rightarrow b.c \leftarrow a.a), c.c)$
 $R_{20} = ((a.a \rightarrow b.c \leftarrow a.a), c.b)$
 $R_{21} = ((a.a \rightarrow b.c \leftarrow a.a), c.a)$
 $R_{22} = ((a.a \rightarrow b.b \leftarrow a.a), c.c)$
 $R_{23} = ((a.a \rightarrow b.b \leftarrow a.a), c.b)$
 $R_{24} = ((a.a \rightarrow b.b \leftarrow a.a), c.a)$
 $R_{25} = ((a.a \rightarrow b.a \leftarrow a.a), c.c)$
 $R_{26} = ((a.a \rightarrow b.a \leftarrow a.a), c.b)$
 $R_{27} = ((a.a \rightarrow b.a \leftarrow a.a), c.a)$

3. Das vollständige System der 27 Realitätsthematiken

$R_1 = ((c.c \rightarrow c.b \leftarrow c.c), c.a)$
 $R_2 = ((b.c \rightarrow c.b \leftarrow b.c), c.a)$
 $R_3 = ((a.c \rightarrow c.b \leftarrow a.c), c.a)$
 $R_4 = ((c.c \rightarrow b.b \leftarrow c.c), c.a)$
 $R_5 = ((b.c \rightarrow b.b \leftarrow b.c), c.a)$

$R_6 = ((a.c \rightarrow b.b \leftarrow a.c), c.a)$
 $R_7 = ((c.c \rightarrow a.b \leftarrow c.c), c.a)$
 $R_8 = ((b.c \rightarrow a.b \leftarrow b.c), c.a)$
 $R_9 = ((a.c \rightarrow a.b \leftarrow a.c), c.a)$
 $R_{10} = ((c.c \rightarrow c.b \leftarrow c.c), b.a)$
 $R_{11} = ((b.c \rightarrow c.b \leftarrow b.c), b.a)$
 $R_{12} = ((a.c \rightarrow c.b \leftarrow a.c), b.a)$
 $R_{13} = ((c.c \rightarrow b.b \leftarrow c.c), b.a)$
 $R_{14} = ((b.c \rightarrow b.b \leftarrow b.c), b.a)$
 $R_{15} = ((a.c \rightarrow b.b \leftarrow a.c), b.a)$
 $R_{16} = ((c.c \rightarrow a.b \leftarrow c.c), b.a)$
 $R_{17} = ((b.c \rightarrow a.b \leftarrow b.c), b.a)$
 $R_{18} = ((a.c \rightarrow a.b \leftarrow a.c), b.a)$
 $R_{19} = ((c.c \rightarrow c.b \leftarrow c.c), a.a)$
 $R_{20} = ((b.c \rightarrow c.b \leftarrow b.c), a.a)$
 $R_{21} = ((a.c \rightarrow c.b \leftarrow a.c), a.a)$
 $R_{22} = ((c.c \rightarrow b.b \leftarrow c.c), a.a)$
 $R_{23} = ((b.c \rightarrow b.b \leftarrow b.c), a.a)$
 $R_{24} = ((a.c \rightarrow b.b \leftarrow a.c), a.a)$
 $R_{25} = ((c.c \rightarrow a.b \leftarrow c.c), a.a)$
 $R_{26} = ((b.c \rightarrow a.b \leftarrow b.c), a.a)$
 $R_{27} = ((a.c \rightarrow a.b \leftarrow a.c), a.a)$

Literatur

Bense, Max, Vermittlung der Realitäten. Baden-Baden 1976

Kaehr, Rudolf, Diamond Semiotic Short Studies. Glasgow, U.K. 2009

Toth, Alfred, Typen polykontexturaler Zeichenrelationen. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2025a

Toth, Alfred, Polykontexturale Realitätsthematiken. In: Electronic Journal for
Mathematical Semiotics, 2025b

18.6.2025